



[calculatoratoz.com](http://calculatoratoz.com)



[unitsconverters.com](http://unitsconverters.com)

# Vibraciones torsionales Fórmulas

¡Calculadoras!

¡Ejemplos!

¡Conversiones!

Marcador [calculatoratoz.com](http://calculatoratoz.com), [unitsconverters.com](http://unitsconverters.com)

Cobertura más amplia de calculadoras y creciente - **¡30.000+ calculadoras!**

Calcular con una unidad diferente para cada variable - **¡Conversión de unidades integrada!**

La colección más amplia de medidas y unidades - **¡250+ Medidas!**

¡Siéntete libre de COMPARTIR este documento con tus amigos!

[Por favor, deje sus comentarios aquí...](#)



# Lista de 29 Vibraciones torsionales Fórmulas

## Vibraciones torsionales ↗

### Efecto de la inercia de la restricción sobre las vibraciones torsionales ↗

#### 1) Energía cinética poseída por el elemento ↗

**fx**

$$KE = \frac{I_c \cdot (\omega_f \cdot x)^2 \cdot \delta x}{2 \cdot l^3}$$

Calculadora abierta ↗

**ex**

$$900.4226J = \frac{10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot (22.5\text{rad/s} \cdot 3.66\text{mm})^2 \cdot 9.82\text{mm}}{2 \cdot (7.33\text{mm})^3}$$

#### 2) Energía cinética total de restricción ↗

**fx**

$$KE = \frac{I_c \cdot \omega_f^2}{6}$$

Calculadora abierta ↗

**ex**

$$898.5938J = \frac{10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot (22.5\text{rad/s})^2}{6}$$



### 3) Frecuencia natural de vibración torsional debido al efecto de la inercia de la restricción ↗

**fx**

$$f = \frac{\sqrt{\frac{q}{I_{disc} + \frac{I_c}{3}}}}{2 \cdot \pi}$$

Calculadora abierta ↗

**ex**

$$0.118444\text{Hz} = \frac{\sqrt{\frac{5.4\text{N/m}}{6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2 + \frac{10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2}{3}}}}{2 \cdot \pi}$$

### 4) Masa total Momento de inercia de la restricción dada la energía cinética de la restricción ↗

**fx**

$$I_c = \frac{6 \cdot KE}{\omega_f^2}$$

Calculadora abierta ↗

**ex**

$$10.66667\text{kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{6 \cdot 900\text{J}}{(22.5\text{rad/s})^2}$$

### 5) Momento de inercia de la masa del elemento ↗

**fx**

$$I = \frac{\delta x \cdot I_c}{1}$$

Calculadora abierta ↗

**ex**

$$14.2678\text{kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{9.82\text{mm} \cdot 10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2}{7.33\text{mm}}$$



## 6) Rígidez torsional del eje debido al efecto de la restricción sobre las vibraciones torsionales ↗

**fx**  $q = (2 \cdot \pi \cdot f)^2 \cdot \left( I_{disc} + \frac{I_c}{3} \right)$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $5.54277 \text{ N/m} = (2 \cdot \pi \cdot 0.120 \text{ Hz})^2 \cdot \left( 6.2 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 + \frac{10.65 \text{ kg} \cdot \text{m}^2}{3} \right)$

## 7) Velocidad angular de extremo libre usando energía cinética de restricción ↗

**fx**  $\omega_f = \sqrt{\frac{6 \cdot KE}{I_c}}$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $22.5176 \text{ rad/s} = \sqrt{\frac{6 \cdot 900 \text{ J}}{10.65 \text{ kg} \cdot \text{m}^2}}$

## 8) Velocidad angular del elemento ↗

**fx**  $\omega = \frac{\omega_f \cdot x}{l}$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $11.23465 \text{ rad/s} = \frac{22.5 \text{ rad/s} \cdot 3.66 \text{ mm}}{7.33 \text{ mm}}$

## Vibraciones de torsión libres de sistemas de rotor ↗



## Vibraciones de torsión libres del sistema de rotor único

### 9) Frecuencia natural de vibración torsional libre del sistema de rotor único

**fx** 
$$f = \frac{\sqrt{\frac{G \cdot J_{\text{shaft}}}{L \cdot I_{\text{shaft}}}}}{2 \cdot \pi}$$

Calculadora abierta 

**ex** 
$$0.12031 \text{Hz} = \frac{\sqrt{\frac{40 \text{N/m}^2 \cdot 10 \text{m}^4}{7000 \text{mm} \cdot 100 \text{kg} \cdot \text{m}^2}}}{2 \cdot \pi}$$

### 10) Módulo de rigidez del eje para vibración torsional libre de un sistema de rotor único

**fx** 
$$G = \frac{(2 \cdot \pi \cdot f)^2 \cdot L \cdot I_{\text{shaft}}}{J_{\text{shaft}}}$$

Calculadora abierta 

**ex** 
$$39.79424 \text{N/m}^2 = \frac{(2 \cdot \pi \cdot 0.120 \text{Hz})^2 \cdot 7000 \text{mm} \cdot 100 \text{kg} \cdot \text{m}^2}{10 \text{m}^4}$$



## Vibraciones de torsión libres del sistema de dos rotores

11) Distancia del nodo al rotor A, para vibración torsional de un sistema de dos rotores 

$$fx \quad l_A = \frac{I_B \cdot l_B}{I_{A \text{ rotor}}}$$

**Calculadora abierta **

$$ex \quad 14.4\text{mm} = \frac{36\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot 3.2\text{mm}}{8\text{kg}\cdot\text{m}^2}$$

12) Distancia del nodo al rotor B, para vibración torsional de un sistema de dos rotores 

$$fx \quad l_B = \frac{I_A \cdot l_A}{I_{B \text{ rotor}}}$$

**Calculadora abierta **

$$ex \quad 3.29771\text{mm} = \frac{18\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot 14.4\text{mm}}{78.6\text{kg}\cdot\text{m}^2}$$

13) Frecuencia natural de vibración de torsión libre para el rotor A del sistema de dos rotores 

$$fx \quad f = \frac{\sqrt{\frac{G \cdot J}{l_A \cdot I_{A \text{ rotor}}}}}{2 \cdot \pi}$$

**Calculadora abierta **

$$ex \quad 0.296568\text{Hz} = \frac{\sqrt{\frac{40\text{N/m}^2 \cdot 0.01\text{m}^4}{14.4\text{mm} \cdot 8\text{kg}\cdot\text{m}^2}}}{2 \cdot \pi}$$



## 14) Frecuencia natural de vibración de torsión libre para el rotor B del sistema de dos rotores ↗

**fx** 
$$f = \frac{\sqrt{\frac{G \cdot J}{l_B \cdot I_B \text{ rotor}}}}{2 \cdot \pi}$$

Calculadora abierta ↗

**ex** 
$$0.200708 \text{ Hz} = \frac{\sqrt{\frac{40 \text{ N/m}^2 \cdot 0.01 \text{ m}^4}{3.2 \text{ mm} \cdot 78.6 \text{ kg} \cdot \text{m}^2}}}{2 \cdot \pi}$$

## 15) Momento de inercia de masa del rotor A, para vibración torsional de un sistema de dos rotores ↗

**fx** 
$$I_A \text{ rotor} = \frac{I_B \cdot l_B}{l_A}$$

Calculadora abierta ↗

**ex** 
$$8 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 = \frac{36 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot 3.2 \text{ mm}}{14.4 \text{ mm}}$$

## 16) Momento de inercia de masa del rotor B, para vibración torsional de un sistema de dos rotores ↗

**fx** 
$$I_B \text{ rotor} = \frac{I_A \cdot l_A}{l_B}$$

Calculadora abierta ↗

**ex** 
$$81 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 = \frac{18 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot 14.4 \text{ mm}}{3.2 \text{ mm}}$$



## Frecuencia natural de vibraciones torsionales libres



### 17) Desplazamiento angular del eje desde la posición media

**fx**

$$\theta = \frac{F_{\text{restoring}}}{q}$$

Calculadora abierta

**ex**

$$12.03704\text{rad} = \frac{65\text{N}}{5.4\text{N/m}}$$

### 18) Frecuencia natural de vibración

**fx**

$$f = \frac{\sqrt{\frac{q}{I_{\text{disc}}}}}{2 \cdot \pi}$$

Calculadora abierta

**ex**

$$0.148532\text{Hz} = \frac{\sqrt{\frac{5.4\text{N/m}}{6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2}}}{2 \cdot \pi}$$

### 19) Fuerza aceleradora

**fx**

$$F = I_{\text{disc}} \cdot \alpha$$

Calculadora abierta

**ex**

$$9.92\text{N} = 6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot 1.6\text{rad/s}^2$$



## 20) Momento de inercia del disco dada la velocidad angular

**fx**  $I_{\text{disc}} = \frac{q_{\text{shaft}}}{\omega^2}$

Calculadora abierta 

**ex**  $6.194196 \text{ kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{777 \text{ N/m}}{(11.2 \text{ rad/s})^2}$

## 21) Momento de inercia del disco dado Período de tiempo de vibración

**fx**  $I_{\text{disc}} = \frac{t_p^2 \cdot q}{(2 \cdot \pi)^2}$

Calculadora abierta 

**ex**  $1.231052 \text{ kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{(3 \text{ s})^2 \cdot 5.4 \text{ N/m}}{(2 \cdot \pi)^2}$

## 22) Momento de inercia del disco utilizando la frecuencia natural de vibración

**fx**  $I_{\text{disc}} = \frac{q}{(2 \cdot \pi \cdot f)^2}$

Calculadora abierta 

**ex**  $9.498861 \text{ kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{5.4 \text{ N/m}}{(2 \cdot \pi \cdot 0.120 \text{ Hz})^2}$



### 23) Período de tiempo para vibraciones ↗

**fx**  $t_p = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{I_{disc}}{q}}$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $6.732538s = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2}{5.4\text{N}/\text{m}}}$

### 24) Restauración de la fuerza para vibraciones de torsión libres ↗

**fx**  $F_{restoring} = q \cdot \theta$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $64.8\text{N} = 5.4\text{N}/\text{m} \cdot 12\text{rad}$

### 25) Rigidez torsional del eje ↗

**fx**  $q = \frac{F_{restoring}}{\theta}$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $5.416667\text{N}/\text{m} = \frac{65\text{N}}{12\text{rad}}$

### 26) Rigidez torsional del eje dada la frecuencia natural de vibración ↗

**fx**  $q = (2 \cdot \pi \cdot f)^2 \cdot I_{disc}$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $3.524633\text{N}/\text{m} = (2 \cdot \pi \cdot 0.120\text{Hz})^2 \cdot 6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2$



## 27) Rigidez torsional del eje dada la velocidad angular ↗

**fx**  $q_{\text{shaft}} = \omega^2 \cdot I_{\text{disc}}$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $777.728 \text{ N/m} = (11.2 \text{ rad/s})^2 \cdot 6.2 \text{ kg}\cdot\text{m}^2$

## 28) Rigidez torsional del eje dado el período de tiempo de vibración ↗

**fx**  $q = \frac{(2 \cdot \pi)^2 \cdot I_{\text{disc}}}{(t_p)^2}$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $27.19624 \text{ N/m} = \frac{(2 \cdot \pi)^2 \cdot 6.2 \text{ kg}\cdot\text{m}^2}{(3 \text{ s})^2}$

## 29) Velocidad angular del eje ↗

**fx**  $\omega = \sqrt{\frac{q_{\text{shaft}}}{I_{\text{disc}}}}$

Calculadora abierta ↗

**ex**  $11.19476 \text{ rad/s} = \sqrt{\frac{777 \text{ N/m}}{6.2 \text{ kg}\cdot\text{m}^2}}$



# Variables utilizadas

- **f** Frecuencia (*hercios*)
- **F** Fuerza (*Newton*)
- **F<sub>restoring</sub>** Fuerza restauradora (*Newton*)
- **G** Módulo de rigidez (*Newton/metro cuadrado*)
- **I** Momento de inercia (*Kilogramo Metro Cuadrado*)
- **I<sub>A rotor</sub>** Momento de inercia de masa del rotor A (*Kilogramo Metro Cuadrado*)
- **I<sub>A</sub>** Momento de inercia de la masa unida al eje A (*Kilogramo Metro Cuadrado*)
- **I<sub>B rotor</sub>** Momento de inercia de masa del rotor B (*Kilogramo Metro Cuadrado*)
- **I<sub>B</sub>** Momento de inercia de la masa unida al eje B (*Kilogramo Metro Cuadrado*)
- **I<sub>c</sub>** Momento de inercia de masa total (*Kilogramo Metro Cuadrado*)
- **I<sub>disc</sub>** Momento de inercia de masa del disco (*Kilogramo Metro Cuadrado*)
- **I<sub>shaft</sub>** Momento de inercia del eje. (*Kilogramo Metro Cuadrado*)
- **J** Momento polar de inercia (*Medidor ^ 4*)
- **J<sub>shaft</sub>** Momento polar de inercia del eje (*Medidor ^ 4*)
- **KE** Energía cinética (*Joule*)
- **I** Longitud de la restricción (*Milímetro*)
- **L** Longitud del eje (*Milímetro*)
- **I<sub>A</sub>** Distancia del nodo al rotor A (*Milímetro*)
- **I<sub>B</sub>** Distancia del nodo al rotor B (*Milímetro*)



- **q** Rigidez torsional (*Newton por metro*)
- **q<sub>shaft</sub>** Rigidez torsional del eje (*Newton por metro*)
- **t<sub>p</sub>** Periodo de tiempo (*Segundo*)
- **x** Distancia entre elemento pequeño y extremo fijo (*Milímetro*)
- **α** Aceleración angular (*Radianes por segundo cuadrado*)
- **δx** Longitud del elemento pequeño (*Milímetro*)
- **θ** Desplazamiento angular del eje (*Radián*)
- **ω** Velocidad angular (*radianes por segundo*)
- **ω<sub>f</sub>** Velocidad angular del extremo libre (*radianes por segundo*)



# Constantes, funciones, medidas utilizadas

- **Constante:** pi, 3.14159265358979323846264338327950288  
*Archimedes' constant*
- **Función:** sqrt, sqrt(Number)  
*Square root function*
- **Medición:** **Longitud** in Milímetro (mm)  
*Longitud Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Tiempo** in Segundo (s)  
*Tiempo Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Presión** in Newton/metro cuadrado (N/m<sup>2</sup>)  
*Presión Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Energía** in Joule (J)  
*Energía Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Fuerza** in Newton (N)  
*Fuerza Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Ángulo** in Radian (rad)  
*Ángulo Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Frecuencia** in hercios (Hz)  
*Frecuencia Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Velocidad angular** in radianes por segundo (rad/s)  
*Velocidad angular Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Momento de inercia** in Kilogramo Metro Cuadrado (kg·m<sup>2</sup>)  
*Momento de inercia Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Aceleración angular** in Radianes por segundo cuadrado (rad/s<sup>2</sup>)  
*Aceleración angular Conversión de unidades* ↗
- **Medición:** **Segundo momento de área** in Medidor ^ 4 (m<sup>4</sup>)  
*Segundo momento de área Conversión de unidades* ↗



- **Medición: Constante de rigidez** in Newton por metro (N/m)  
*Constante de rigidez Conversión de unidades* 



## Consulte otras listas de fórmulas

- **Vibraciones torsionales**

Fórmulas 

¡Siéntete libre de COMPARTIR este documento con tus amigos!

### PDF Disponible en

[English](#) [Spanish](#) [French](#) [German](#) [Russian](#) [Italian](#) [Portuguese](#) [Polish](#) [Dutch](#)

12/5/2023 | 3:59:52 AM UTC

[Por favor, deje sus comentarios aquí...](#)

