

calculatoratoz.comunitsconverters.com

Vibrações de torção Fórmulas

[Calculadoras!](#)[Exemplos!](#)[Conversões!](#)

marca páginas calculatoratoz.com, unitsconverters.com

Maior cobertura de calculadoras e crescente - **30.000+ calculadoras!**
Calcular com uma unidade diferente para cada variável - **Conversão de
unidade embutida!**

Coleção mais ampla de medidas e unidades - **250+ medições!**

Sinta-se à vontade para **COMPARTILHAR** este documento com seus amigos!

[Por favor, deixe seu feedback aqui...](#)



Lista de 29 Vibrações de torção Fórmulas

Vibrações de torção ↗

Efeito da Inércia da Restrição nas Vibrações Torcionais ↗

1) Energia Cinética Possuída pelo Elemento ↗

fx

$$KE = \frac{I_c \cdot (\omega_f \cdot x)^2 \cdot \delta x}{2 \cdot l^3}$$

Abrir Calculadora ↗

ex

$$900.4226J = \frac{10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot (22.5\text{rad/s} \cdot 3.66\text{mm})^2 \cdot 9.82\text{mm}}{2 \cdot (7.33\text{mm})^3}$$

2) Energia Cinética Total de Restrição ↗

fx

$$KE = \frac{I_c \cdot \omega_f^2}{6}$$

Abrir Calculadora ↗

ex

$$898.5938J = \frac{10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot (22.5\text{rad/s})^2}{6}$$



3) Frequência natural de vibração torcional devido ao efeito da inércia da restrição ↗

$$fx \quad f = \frac{\sqrt{\frac{q}{I_{disc} + \frac{I_c}{3}}}}{2 \cdot \pi}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$ex \quad 0.118444\text{Hz} = \frac{\sqrt{\frac{5.4\text{N/m}}{6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2 + \frac{10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2}{3}}}}{2 \cdot \pi}$$

4) Momento de inércia de massa do elemento ↗

$$fx \quad I = \frac{\delta x \cdot I_c}{l}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$ex \quad 14.2678\text{kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{9.82\text{mm} \cdot 10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2}{7.33\text{mm}}$$

5) Momento de Inércia de Restrição de Massa Total dada a Energia Cinética de Restrição ↗

$$fx \quad I_c = \frac{6 \cdot KE}{\omega_f^2}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$ex \quad 10.66667\text{kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{6 \cdot 900\text{J}}{(22.5\text{rad/s})^2}$$



6) Rígidez torcional do eixo devido ao efeito da restrição nas vibrações torcionais ↗

fx $q = (2 \cdot \pi \cdot f)^2 \cdot \left(I_{disc} + \frac{I_c}{3} \right)$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex $5.54277\text{N/m} = (2 \cdot \pi \cdot 0.120\text{Hz})^2 \cdot \left(6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2 + \frac{10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2}{3} \right)$

7) Velocidade angular da extremidade livre usando energia cinética de restrição ↗

fx $\omega_f = \sqrt{\frac{6 \cdot KE}{I_c}}$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex $22.5176\text{rad/s} = \sqrt{\frac{6 \cdot 900\text{J}}{10.65\text{kg}\cdot\text{m}^2}}$

8) Velocidade Angular do Elemento ↗

fx $\omega = \frac{\omega_f \cdot x}{l}$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex $11.23465\text{rad/s} = \frac{22.5\text{rad/s} \cdot 3.66\text{mm}}{7.33\text{mm}}$

Vibrações de torção livres de sistemas de rotor ↗



Vibrações de torção livres do sistema de rotor único

9) Frequência Natural de Vibração Torcional Livre de Sistema de Rotor Único

fx
$$f = \frac{\sqrt{\frac{G \cdot J_{\text{shaft}}}{L \cdot I_{\text{shaft}}}}}{2 \cdot \pi}$$

[Abrir Calculadora !\[\]\(74d4806277d7e73349d8e8c0897931e9_img.jpg\)](#)

ex
$$0.12031 \text{Hz} = \frac{\sqrt{\frac{40 \text{N/m}^2 \cdot 10 \text{m}^4}{7000 \text{mm} \cdot 100 \text{kg} \cdot \text{m}^2}}}{2 \cdot \pi}$$

10) Módulo de rigidez do eixo para vibração torcional livre de sistema de rotor único

fx
$$G = \frac{(2 \cdot \pi \cdot f)^2 \cdot L \cdot I_{\text{shaft}}}{J_{\text{shaft}}}$$

[Abrir Calculadora !\[\]\(8bba887393ca45b761e5cb49e755e762_img.jpg\)](#)

ex
$$39.79424 \text{N/m}^2 = \frac{(2 \cdot \pi \cdot 0.120 \text{Hz})^2 \cdot 7000 \text{mm} \cdot 100 \text{kg} \cdot \text{m}^2}{10 \text{m}^4}$$



Vibrações de torção livres do sistema de dois rotores

11) Distância do nó do rotor A, para vibração torcional do sistema de dois rotores

fx

$$l_A = \frac{I_B \cdot l_B}{I_{A \text{ rotor}}}$$

[Abrir Calculadora !\[\]\(950a62bbddad88d64435fd35607dfc42_img.jpg\)](#)

ex

$$14.4\text{mm} = \frac{36\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot 3.2\text{mm}}{8\text{kg}\cdot\text{m}^2}$$

12) Distância do nó do rotor B, para vibração torcional do sistema de dois rotores

fx

$$l_B = \frac{I_A \cdot l_A}{I_{B \text{ rotor}}}$$

[Abrir Calculadora !\[\]\(73002692dd5e7a64e60946be3158e719_img.jpg\)](#)

ex

$$3.29771\text{mm} = \frac{18\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot 14.4\text{mm}}{78.6\text{kg}\cdot\text{m}^2}$$

13) Frequência natural de vibração de torção livre para o rotor A do sistema de dois rotores

fx

$$f = \frac{\sqrt{\frac{G \cdot J}{l_A \cdot I_{A \text{ rotor}}}}}{2 \cdot \pi}$$

[Abrir Calculadora !\[\]\(104fbf564e2e5a8fbd84f31656d114c7_img.jpg\)](#)

ex

$$0.296568\text{Hz} = \frac{\sqrt{\frac{40\text{N/m}^2 \cdot 0.01\text{m}^4}{14.4\text{mm} \cdot 8\text{kg}\cdot\text{m}^2}}}{2 \cdot \pi}$$



14) Frequência natural de vibração de torção livre para o rotor B do sistema de dois rotores ↗

fx

$$f = \frac{\sqrt{\frac{G \cdot J}{l_B \cdot I_B \text{ rotor}}}}{2 \cdot \pi}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex

$$0.200708 \text{ Hz} = \frac{\sqrt{\frac{40 \text{ N/m}^2 \cdot 0.01 \text{ m}^4}{3.2 \text{ mm} \cdot 78.6 \text{ kg} \cdot \text{m}^2}}}{2 \cdot \pi}$$

15) Momento de inércia de massa do rotor A, para vibração torcional de sistema de dois rotores ↗

fx

$$I_A \text{ rotor} = \frac{I_B \cdot l_B}{l_A}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex

$$8 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 = \frac{36 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot 3.2 \text{ mm}}{14.4 \text{ mm}}$$

16) Momento de inércia de massa do rotor B, para vibração torcional de sistema de dois rotores ↗

fx

$$I_B \text{ rotor} = \frac{I_A \cdot l_A}{l_B}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex

$$81 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 = \frac{18 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot 14.4 \text{ mm}}{3.2 \text{ mm}}$$



Frequência natural de vibrações de torção livres ↗

17) Deslocamento angular do eixo da posição média ↗

$$fx \theta = \frac{F_{\text{restoring}}}{q}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$ex 12.03704\text{rad} = \frac{65\text{N}}{5.4\text{N/m}}$$

18) Força Aceleradora ↗

$$fx F = I_{\text{disc}} \cdot \alpha$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$ex 9.92\text{N} = 6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2 \cdot 1.6\text{rad/s}^2$$

19) Frequência Natural de Vibração ↗

$$fx f = \frac{\sqrt{\frac{q}{I_{\text{disc}}}}}{2 \cdot \pi}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$ex 0.148532\text{Hz} = \frac{\sqrt{\frac{5.4\text{N/m}}{6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2}}}{2 \cdot \pi}$$



20) Momento de inércia do disco dada a velocidade angular

fx $I_{disc} = \frac{q_{shaft}}{\omega^2}$

[Abrir Calculadora !\[\]\(71ceb62b681518c82e95d615e7265d66_img.jpg\)](#)

ex $6.194196 \text{kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{777 \text{N/m}}{(11.2 \text{rad/s})^2}$

21) Momento de inércia do disco dado o período de vibração

fx $I_{disc} = \frac{t_p^2 \cdot q}{(2 \cdot \pi)^2}$

[Abrir Calculadora !\[\]\(fc3a57079704ef1b99671c8cafae23be_img.jpg\)](#)

ex $1.231052 \text{kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{(3 \text{s})^2 \cdot 5.4 \text{N/m}}{(2 \cdot \pi)^2}$

22) Momento de inércia do disco usando frequência natural de vibração

fx $I_{disc} = \frac{q}{(2 \cdot \pi \cdot f)^2}$

[Abrir Calculadora !\[\]\(d5831b2ac75eb48b4c49d27e61d24c03_img.jpg\)](#)

ex $9.498861 \text{kg}\cdot\text{m}^2 = \frac{5.4 \text{N/m}}{(2 \cdot \pi \cdot 0.120 \text{Hz})^2}$



23) Período de tempo para vibrações ↗

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$fx \quad t_p = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{I_{disc}}{q}}$$

$$ex \quad 6.732538s = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2}{5.4\text{N}/\text{m}}}$$

24) Restaurando a força para vibrações de torção livres ↗

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$fx \quad F_{restoring} = q \cdot \theta$$

$$ex \quad 64.8\text{N} = 5.4\text{N}/\text{m} \cdot 12\text{rad}$$

25) Rigidez de torção do eixo dada a frequência natural de vibração ↗

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$fx \quad q = (2 \cdot \pi \cdot f)^2 \cdot I_{disc}$$

$$ex \quad 3.524633\text{N}/\text{m} = (2 \cdot \pi \cdot 0.120\text{Hz})^2 \cdot 6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2$$

26) Rigidez de torção do eixo dada a velocidade angular ↗

[Abrir Calculadora ↗](#)

$$fx \quad q_{shaft} = \omega^2 \cdot I_{disc}$$

$$ex \quad 777.728\text{N}/\text{m} = (11.2\text{rad}/\text{s})^2 \cdot 6.2\text{kg}\cdot\text{m}^2$$



27) Rigidez de torção do eixo dado o período de vibração ↗

fx
$$q = \frac{(2 \cdot \pi)^2 \cdot I_{disc}}{(t_p)^2}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex
$$27.19624 \text{ N/m} = \frac{(2 \cdot \pi)^2 \cdot 6.2 \text{ kg} \cdot \text{m}^2}{(3 \text{ s})^2}$$

28) Rigidez torcional do eixo ↗

fx
$$q = \frac{F_{restoring}}{\theta}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex
$$5.416667 \text{ N/m} = \frac{65 \text{ N}}{12 \text{ rad}}$$

29) Velocidade Angular do Eixo ↗

fx
$$\omega = \sqrt{\frac{q_{shaft}}{I_{disc}}}$$

[Abrir Calculadora ↗](#)

ex
$$11.19476 \text{ rad/s} = \sqrt{\frac{777 \text{ N/m}}{6.2 \text{ kg} \cdot \text{m}^2}}$$



Variáveis Usadas

- **f** Frequência (Hertz)
- **F** Força (Newton)
- **F_{restoring}** Restaurando a Força (Newton)
- **G** Módulo de Rígidez (Newton/Metro Quadrado)
- **I** Momento de inércia (Quilograma Metro Quadrado)
- **I_{A rotor}** Momento de Inércia de Massa do Rotor A (Quilograma Metro Quadrado)
- **I_A** Momento de Inércia da Massa Fixada ao Eixo A (Quilograma Metro Quadrado)
- **I_{B rotor}** Momento de Inércia de Massa do Rotor B (Quilograma Metro Quadrado)
- **I_B** Momento de Inércia da Massa Fixada ao Eixo B (Quilograma Metro Quadrado)
- **I_c** Momento de Inércia de Massa Total (Quilograma Metro Quadrado)
- **I_{disc}** Momento de Inércia de Massa do Disco (Quilograma Metro Quadrado)
- **I_{shaft}** Momento de inércia do eixo (Quilograma Metro Quadrado)
- **J** Momento Polar de Inércia (Medidor ^ 4)
- **J_{shaft}** Momento Polar de Inércia do Eixo (Medidor ^ 4)
- **KE** Energia cinética (Joule)
- **I** Comprimento da restrição (Milímetro)
- **L** Comprimento do eixo (Milímetro)
- **I_A** Distância do nó do rotor A (Milímetro)



- I_B Distância do nó do rotor B (*Milímetro*)
- q Rigidez torcional (*Newton por metro*)
- q_{shaft} Rigidez torcional do eixo (*Newton por metro*)
- t_p Período de tempo (*Segundo*)
- x Distância entre o elemento pequeno e a extremidade fixa (*Milímetro*)
- α Aceleração angular (*Radiano por Segundo Quadrado*)
- δx Comprimento do Elemento Pequeno (*Milímetro*)
- θ Deslocamento Angular do Eixo (*Radiano*)
- ω Velocidade angular (*Radiano por Segundo*)
- ω_f Velocidade angular da extremidade livre (*Radiano por Segundo*)



Constantes, Funções, Medidas usadas

- Constante: pi, 3.14159265358979323846264338327950288
Archimedes' constant
- Função: sqrt, sqrt(Number)
Square root function
- Medição: Comprimento in Milímetro (mm)
Comprimento Conversão de unidades ↗
- Medição: Tempo in Segundo (s)
Tempo Conversão de unidades ↗
- Medição: Pressão in Newton/Metro Quadrado (N/m²)
Pressão Conversão de unidades ↗
- Medição: Energia in Joule (J)
Energia Conversão de unidades ↗
- Medição: Força in Newton (N)
Força Conversão de unidades ↗
- Medição: Ângulo in Radiano (rad)
Ângulo Conversão de unidades ↗
- Medição: Frequência in Hertz (Hz)
Frequência Conversão de unidades ↗
- Medição: Velocidade angular in Radiano por Segundo (rad/s)
Velocidade angular Conversão de unidades ↗
- Medição: Momento de inércia in Quilograma Metro Quadrado (kg·m²)
Momento de inércia Conversão de unidades ↗
- Medição: Aceleração angular in Radiano por Segundo Quadrado (rad/s²)
Aceleração angular Conversão de unidades ↗
- Medição: Segundo Momento de Área in Medidor ^ 4 (m⁴)
Segundo Momento de Área Conversão de unidades ↗



- **Medição: Constante de Rigidez** in Newton por metro (N/m)
Constante de Rigidez Conversão de unidades 



Verifique outras listas de fórmulas

- Vibrações de torção Fórmulas 

Sinta-se à vontade para COMPARTILHAR este documento com seus amigos!

PDF Disponível em

[English](#) [Spanish](#) [French](#) [German](#) [Russian](#) [Italian](#) [Portuguese](#) [Polish](#) [Dutch](#)

12/5/2023 | 3:59:52 AM UTC

[Por favor, deixe seu feedback aqui...](#)

