



calculatoratoz.com



unitsconverters.com

Ważne wzory trójkąta Formuły

Kalkulatory!

Przykłady!

konwersje!

Zakładka calculatoratoz.com, unitsconverters.com

Najszerzy zasięg kalkulatorów i rosniecie - **30 000+ kalkulatorów!**

Oblicz z inną jednostką dla każdej zmiennej - **W wbudowanej konwersji jednostek!**

Najszerzy zbiór miar i jednostek - **250+ pomiarów!**

Nie krępuj się UDOSTĘPNIJ ten dokument swoim znajomym!

[Zostaw swoją opinię tutaj...](#)



© calculatoratoz.com. A [softusvista inc.](#) venture!



Lista 31 Ważne wzory trójkąta Formuły

Ważne wzory trójkąta ↗

Kąty trójkąta ↗

1) Kąt A trójkąta ↗

fx $\angle A = a \cos \left(\frac{S_c^2 + S_b^2 - S_a^2}{2 \cdot S_c \cdot S_b} \right)$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

ex $27.66045^\circ = a \cos \left(\frac{(20m)^2 + (14m)^2 - (10m)^2}{2 \cdot 20m \cdot 14m} \right)$

2) Kąt B trójkąta ↗

fx $\angle B = a \cos \left(\frac{S_c^2 + S_a^2 - S_b^2}{2 \cdot S_c \cdot S_a} \right)$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

ex $40.5358^\circ = a \cos \left(\frac{(20m)^2 + (10m)^2 - (14m)^2}{2 \cdot 20m \cdot 10m} \right)$

3) Kąt C trójkąta ↗

fx $\angle C = a \cos \left(\frac{S_b^2 + S_a^2 - S_c^2}{2 \cdot S_b \cdot S_a} \right)$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

ex $111.8037^\circ = a \cos \left(\frac{(14m)^2 + (10m)^2 - (20m)^2}{2 \cdot 14m \cdot 10m} \right)$

4) Trzeci kąt trójkąta przy danych dwóch kątach ↗

fx $\angle C = \pi - (\angle A + \angle B)$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

ex $110^\circ = \pi - (30^\circ + 40^\circ)$



Obszar Trójkąta ↗

5) Obszar trójkąta ↗

fx

$$A = \frac{\sqrt{(S_a + S_b + S_c) \cdot (S_b + S_c - S_a) \cdot (S_a - S_b + S_c) \cdot (S_a + S_b - S_c)}}{4}$$

Otwórz kalkulator ↗**ex**

$$64.99231\text{m}^2 = \frac{\sqrt{(10\text{m} + 14\text{m} + 20\text{m}) \cdot (14\text{m} + 20\text{m} - 10\text{m}) \cdot (10\text{m} - 14\text{m} + 20\text{m}) \cdot (10\text{m} + 14\text{m} - 20\text{m})}}{4}$$

6) Pole trójkąta o danych dwóch bokach i trzecim kącie ↗

$$\text{fx } A = S_a \cdot S_b \cdot \frac{\sin(\angle C)}{2}$$

Otwórz kalkulator ↗

$$\text{ex } 65.77848\text{m}^2 = 10\text{m} \cdot 14\text{m} \cdot \frac{\sin(110^\circ)}{2}$$

7) Pole trójkąta o podanej podstawie i wysokości ↗

$$\text{fx } A = \frac{1}{2} \cdot S_c \cdot h_c$$

Otwórz kalkulator ↗

$$\text{ex } 60\text{m}^2 = \frac{1}{2} \cdot 20\text{m} \cdot 6\text{m}$$

8) Pole trójkąta o podanym promieniu i półobwodzie ↗

$$\text{fx } A = r_i \cdot s$$

Otwórz kalkulator ↗

$$\text{ex } 66\text{m}^2 = 3\text{m} \cdot 22\text{m}$$

9) Pole trójkąta według wzoru Herona ↗

$$\text{fx } A = \sqrt{s \cdot (s - S_a) \cdot (s - S_b) \cdot (s - S_c)}$$

Otwórz kalkulator ↗

$$\text{ex } 64.99231\text{m}^2 = \sqrt{22\text{m} \cdot (22\text{m} - 10\text{m}) \cdot (22\text{m} - 14\text{m}) \cdot (22\text{m} - 20\text{m})}$$



10) Pole trójkąta, biorąc pod uwagę dwa kąty i trzeci bok [Otwórz kalkulator !\[\]\(dfbd6b3763a6d1d9afaa974f64e2e4b5_img.jpg\)](#)

fx $A = \frac{S_a^2 \cdot \sin(\angle B) \cdot \sin(\angle C)}{2 \cdot \sin(\pi - \angle B - \angle C)}$

ex $60.40228 \text{m}^2 = \frac{(10\text{m})^2 \cdot \sin(40^\circ) \cdot \sin(110^\circ)}{2 \cdot \sin(\pi - 40^\circ - 110^\circ)}$

Wysokości Trójkąta 11) Wysokość po stronie A trójkąta [Otwórz kalkulator !\[\]\(05be7c7a8995decd503647c99211f7c2_img.jpg\)](#)

fx $h_a = \frac{\sqrt{(S_a + S_b + S_c) \cdot (S_b - S_a + S_c) \cdot (S_a - S_b + S_c) \cdot (S_a + S_b - S_c)}}{2 \cdot S_a}$

ex

$$12.99846 \text{m} = \frac{\sqrt{(10\text{m} + 14\text{m} + 20\text{m}) \cdot (14\text{m} - 10\text{m} + 20\text{m}) \cdot (10\text{m} - 14\text{m} + 20\text{m}) \cdot (10\text{m} + 14\text{m} - 20\text{m})}}{2 \cdot 10\text{m}}$$

12) Wysokość po stronie B trójkąta [Otwórz kalkulator !\[\]\(626ce8ac21792b9405bfddfea8e0c96a_img.jpg\)](#)

fx $h_b = \frac{\sqrt{(S_a + S_b + S_c) \cdot (S_b - S_a + S_c) \cdot (S_a - S_b + S_c) \cdot (S_a + S_b - S_c)}}{2 \cdot S_b}$

ex

$$9.284615 \text{m} = \frac{\sqrt{(10\text{m} + 14\text{m} + 20\text{m}) \cdot (14\text{m} - 10\text{m} + 20\text{m}) \cdot (10\text{m} - 14\text{m} + 20\text{m}) \cdot (10\text{m} + 14\text{m} - 20\text{m})}}{2 \cdot 14\text{m}}$$

13) Wysokość po stronie C trójkąta [Otwórz kalkulator !\[\]\(cbd8541a32dfc32f356f5c6c994b0a21_img.jpg\)](#)

fx $h_c = \frac{\sqrt{(S_a + S_b + S_c) \cdot (S_b - S_a + S_c) \cdot (S_a - S_b + S_c) \cdot (S_a + S_b - S_c)}}{2 \cdot S_c}$

ex

$$6.499231 \text{m} = \frac{\sqrt{(10\text{m} + 14\text{m} + 20\text{m}) \cdot (14\text{m} - 10\text{m} + 20\text{m}) \cdot (10\text{m} - 14\text{m} + 20\text{m}) \cdot (10\text{m} + 14\text{m} - 20\text{m})}}{2 \cdot 20\text{m}}$$



Mediany trójkąta ↗

14) Mediana po stronie A trójkąta ↗

$$fx \quad M_a = \frac{\sqrt{2 \cdot S_c^2 + 2 \cdot S_b^2 - S_a^2}}{2}$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$ex \quad 16.52271m = \frac{\sqrt{2 \cdot (20m)^2 + 2 \cdot (14m)^2 - (10m)^2}}{2}$$

15) Mediana po stronie B trójkąta ↗

$$fx \quad M_b = \frac{\sqrt{2 \cdot S_a^2 + 2 \cdot S_c^2 - S_b^2}}{2}$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$ex \quad 14.17745m = \frac{\sqrt{2 \cdot (10m)^2 + 2 \cdot (20m)^2 - (14m)^2}}{2}$$

16) Mediana po stronie C trójkąta ↗

$$fx \quad M_c = \frac{\sqrt{2 \cdot S_a^2 + 2 \cdot S_b^2 - S_c^2}}{2}$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$ex \quad 6.928203m = \frac{\sqrt{2 \cdot (10m)^2 + 2 \cdot (14m)^2 - (20m)^2}}{2}$$

Obwód trójkąta ↗

17) Obwód Trójkąta ↗

$$fx \quad P = S_a + S_b + S_c$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$ex \quad 44m = 10m + 14m + 20m$$

18) Półobwód trójkąta ↗

$$fx \quad s = \frac{P}{2}$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$ex \quad 22m = \frac{44m}{2}$$



19) Półobwód trójkąta ze wszystkimi bokami ↗

$$\text{fx } s = \frac{S_a + S_b + S_c}{2}$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$\text{ex } 22m = \frac{10m + 14m + 20m}{2}$$

Promień trójkąta ↗

20) Exradius przeciwny do kąta A trójkąta ↗

$$\text{fx } r_e(\angle A) = \sqrt{\frac{\left(\frac{S_a + S_b + S_c}{2}\right) \cdot \left(\frac{S_a - S_b + S_c}{2}\right) \cdot \left(\frac{S_a + S_b - S_c}{2}\right)}{\frac{S_b + S_c - S_a}{2}}}$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$\text{ex } 5.416026m = \sqrt{\frac{\left(\frac{10m + 14m + 20m}{2}\right) \cdot \left(\frac{10m - 14m + 20m}{2}\right) \cdot \left(\frac{10m + 14m - 20m}{2}\right)}{\frac{14m + 20m - 10m}{2}}}$$

21) Promień trójkąta ↗

$$\text{fx } r_i = \frac{\sqrt{(S_a + S_b + S_c) \cdot (S_b + S_c - S_a) \cdot (S_a - S_b + S_c) \cdot (S_a + S_b - S_c)}}{2 \cdot (S_a + S_b + S_c)}$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$\text{ex } 2.954196m = \frac{\sqrt{(10m + 14m + 20m) \cdot (14m + 20m - 10m) \cdot (10m - 14m + 20m) \cdot (10m + 14m - 20m)}}{2 \cdot (10m + 14m + 20m)}$$

22) Promień Trójkąta ↗

$$\text{fx } r_c = \frac{S_a \cdot S_b \cdot S_c}{\sqrt{(S_a + S_b + S_c) \cdot (S_b - S_a + S_c) \cdot (S_a - S_b + S_c) \cdot (S_a + S_b - S_c)}}$$

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$\text{ex } 10.77051m = \frac{10m \cdot 14m \cdot 20m}{\sqrt{(10m + 14m + 20m) \cdot (14m - 10m + 20m) \cdot (10m - 14m + 20m) \cdot (10m + 14m - 20m)}}$$



Boki Trójkąta

23) Bok A trójkąta ma dane dwa kąty i bok B

fx $S_a = S_b \cdot \frac{\sin(\angle A)}{\sin(\angle B)}$

[Otwórz kalkulator !\[\]\(83f22ed94ec5517769dd76d702c6bfd8_img.jpg\)](#)

ex $10.89007\text{m} = 14\text{m} \cdot \frac{\sin(30^\circ)}{\sin(40^\circ)}$

24) Strona A trójkąta

fx $S_a = \sqrt{S_b^2 + S_c^2 - 2 \cdot S_b \cdot S_c \cdot \cos(\angle A)}$

[Otwórz kalkulator !\[\]\(3cb60d42b10e53f9522bb0b392c1c4cd_img.jpg\)](#)

ex $10.53688\text{m} = \sqrt{(14\text{m})^2 + (20\text{m})^2 - 2 \cdot 14\text{m} \cdot 20\text{m} \cdot \cos(30^\circ)}$

25) Strona A trójkąta, mając dane dwa kąty i bok C

fx $S_a = S_c \cdot \frac{\sin(\angle A)}{\sin(\angle C)}$

[Otwórz kalkulator !\[\]\(0d7ca0919e6c47bbd874bfa0189fe22e_img.jpg\)](#)

ex $10.64178\text{m} = 20\text{m} \cdot \frac{\sin(30^\circ)}{\sin(110^\circ)}$

26) Strona B trójkąta

fx $S_b = \sqrt{S_a^2 + S_c^2 - 2 \cdot S_a \cdot S_c \cdot \cos(\angle B)}$

[Otwórz kalkulator !\[\]\(683dba75afe26e28cd4de5730b776760_img.jpg\)](#)

ex $13.91338\text{m} = \sqrt{(10\text{m})^2 + (20\text{m})^2 - 2 \cdot 10\text{m} \cdot 20\text{m} \cdot \cos(40^\circ)}$

27) Strona B trójkąta ma dwa kąty i bok A

fx $S_b = S_a \cdot \frac{\sin(\angle B)}{\sin(\angle A)}$

[Otwórz kalkulator !\[\]\(dc0c40d45c42e86bc0669168926f812c_img.jpg\)](#)

ex $12.85575\text{m} = 10\text{m} \cdot \frac{\sin(40^\circ)}{\sin(30^\circ)}$



28) Strona B trójkąta ma dwa kąty i bok C ↗

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$\text{fx } S_b = S_c \cdot \frac{\sin(\angle B)}{\sin(\angle C)}$$

$$\text{ex } 13.68081\text{m} = 20\text{m} \cdot \frac{\sin(40^\circ)}{\sin(110^\circ)}$$

29) Strona C trójkąta ↗

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$\text{fx } S_c = \sqrt{S_b^2 + S_a^2 - 2 \cdot S_a \cdot S_b \cdot \cos(\angle C)}$$

$$\text{ex } 19.79307\text{m} = \sqrt{(14\text{m})^2 + (10\text{m})^2 - 2 \cdot 10\text{m} \cdot 14\text{m} \cdot \cos(110^\circ)}$$

30) Strona C trójkąta ma dane dwa kąty i bok B ↗

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$\text{fx } S_c = S_b \cdot \frac{\sin(\angle C)}{\sin(\angle B)}$$

$$\text{ex } 20.46663\text{m} = 14\text{m} \cdot \frac{\sin(110^\circ)}{\sin(40^\circ)}$$

31) Strona C trójkąta, mając dane dwa kąty i bok A ↗

[Otwórz kalkulator ↗](#)

$$\text{fx } S_c = S_a \cdot \frac{\sin(\angle C)}{\sin(\angle A)}$$

$$\text{ex } 18.79385\text{m} = 10\text{m} \cdot \frac{\sin(110^\circ)}{\sin(30^\circ)}$$



Używane zmienne

- $\angle A$ Kąt A trójkąta (Stopień)
- $\angle B$ Kąt B trójkąta (Stopień)
- $\angle C$ Kąt C trójkąta (Stopień)
- A Obszar Trójkąta (Metr Kwadratowy)
- h_a Wysokość na boku A trójkąta (Metr)
- h_b Wysokość na boku B trójkąta (Metr)
- h_c Wysokość na boku C trójkąta (Metr)
- M_a Mediana na boku A trójkąta (Metr)
- M_b Mediana na boku B trójkąta (Metr)
- M_c Mediana na boku C trójkąta (Metr)
- P Obwód trójkąta (Metr)
- r_c Promień okręgu trójkąta (Metr)
- $r_e(\angle A)$ Eksraduis przeciwny do $\angle A$ trójkąta (Metr)
- r_i Promień trójkąta (Metr)
- s Półobwód trójkąta (Metr)
- S_a Bok A trójkąta (Metr)
- S_b Bok B trójkąta (Metr)
- S_c Bok C trójkąta (Metr)



Stałe, funkcje, stosowane pomiary

- **Stał:** **pi**, 3.14159265358979323846264338327950288

Stała Archimedesa

- **Funkcjonować:** **acos**, acos(Number)

Odwrotna funkcja cosinus jest funkcją odwrotną funkcji cosinus. Jest to funkcja, która jako dane wejściowe przyjmuje stosunek i zwraca kąt, którego cosinus jest równy temu stosunkowi.

- **Funkcjonować:** **cos**, cos(Angle)

Cosinus kąta to stosunek boku sąsiadującego z kątem do przeciwprostokątnej trójkąta.

- **Funkcjonować:** **sin**, sin(Angle)

Sinus to funkcja trygonometryczna opisująca stosunek długości przeciwnego boku trójkąta prostokątnego do długości przeciwprostokątnej.

- **Funkcjonować:** **sqrt**, sqrt(Number)

Funkcja pierwiastka kwadratowego to funkcja, która jako dane wejściowe przyjmuje liczbę nieujemną i zwraca pierwiastek kwadratowy z podanej liczby wejściowej.

- **Pomiar:** **Długość** in Metr (m)

Długość Konwersja jednostek 

- **Pomiar:** **Obszar** in Metr Kwadratowy (m²)

Obszar Konwersja jednostek 

- **Pomiar:** **Kąt** in Stopień (°)

Kąt Konwersja jednostek 



Sprawdź inne listy formuł

- Trójkąt równoboczny Formuły ↗
- Trójkąt równoramienny Formuły ↗
- Trójkąt równoramienny Formuły ↗
- Kąt prosty trójkąt Formuły ↗
- Trójkąt Skaleński Formuły ↗
- Trójkąt Formuły ↗

Nie krępuj się UDOSTĘPNIJ ten dokument swoim znajomym!

PDF Dostępne w

[English](#) [Spanish](#) [French](#) [German](#) [Russian](#) [Italian](#) [Portuguese](#) [Polish](#) [Dutch](#)

4/9/2024 | 9:46:16 AM UTC

[Zostaw swoją opinię tutaj...](#)

